



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI FIRENZE

Registro dell'insegnamento

Anno Accademico 2008/2009

Facoltà: **Scienze Matematiche Fisiche e Naturali**

Insegnamento: **Analisi Funzionale**

Settore:

Corsi di studio:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

Prof. Emanuele Paolini

Settore Inquadramento: **Analisi Matematica**

N.B.- Ai sensi dell'art.2 della Legge 1-5-1941. n.615, i direttori degli istituti e dei laboratori nei quali si eseguono esperimenti sugli animali dovranno allegare al presente registro delle lezioni anche il registro contenente i dati relativi agli esperimenti di cui sopra.

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 18.03.2009	Totale ore 1		
Argomento: <i>Presentazione del corso.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 20.03.2009	Totale ore 2		
Argomento: <i>Spazi vettoriali. Basi algebriche. Lemma di Zorn. Spazi vettoriali normati. Esempi: $\mathbb{R}^{\mathbb{N}}$, ℓ^{∞}, c_0, ℓ^p, c_c. Teorema di Hahn-Banach.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 25.3.2009	Totale ore 1		
Argomento: <i>Caratterizzazione della continuità di una applicazione lineare tra spazi vettoriali normati. Spazio $\mathcal{L}(E, F)$ delle applicazioni lineari e continue tra spazi normati. Spazi di Banach. $\mathcal{L}(E, F)$ è uno spazio vettoriale normato ed è completo se F è completo. Spazio duale $E' := \mathcal{L}(E, \mathbb{R})$.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 27.3.2009	Totale ore 2		
Argomento: <i>Ogni applicazione lineare definita su un sottospazio di uno s.v.n. si estende a tutto lo spazio mantenendone la norma. Per ogni punto $x_0 \in E$ esiste $f_0 \in E'$ tale che $\ f_0\ = \ x_0\$ e $f_0(x_0) = \ f_0\ \ x_0\$. Si ha $\ x\ = \max\{ f(x) : \ f\ \leq 1\}$. <i>Forme geometriche del teorema di Hahn-Banach. Il funzionale f è continuo se e solo se $\{f = \alpha\}$ è chiuso. Giogo di un convesso. Separazione di un convesso aperto da un punto.</i></i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 1.4.2009	Totale ore 1		
Argomento:			
<i>Teorema di Hahn-Banach: prima forma geometrica (separazione tra convessi aperti disgiunti). Teorema di Hahn-Banach: seconda forma geometrica (stretta separazione tra un convesso chiuso e un convesso compatto). Un sottospazio vettoriale di uno spazio s.v.n. è denso se e solo se ogni funzionale continuo che si annulla sul sottospazio si annulla su tutto lo spazio.</i>			
<i>Funzioni semicontinue inferiormente e loro proprietà.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 3.4.2009	Totale ore 2		
Argomento:			
<i>Teoria delle funzioni convesse coniugate. Se φ è convessa, semicontinua inferiormente e $\varphi \neq +\infty$ allora $\varphi^* \neq +\infty$. Teorema di Fenchel-Moreau: $\varphi^{**} = \varphi$ se φ è convessa e semicontinua. Teorema di dualità:</i>			
$\inf_{x \in E} \varphi(x) + \psi(x) = \max_{f \in E'} -\varphi^*(-f) - \psi^*(f)$			
<i>se esiste $x_0 \in D(\varphi) \cap D(\psi)$ tale che φ sia continua in x_0.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 17.4.2009	Totale ore 2		
Argomento:			
<i>Lemma di Baire. Teorema di Banach-Steinhaus. Corollari (II.2 e II.3 sul Brezis). Teorema dell'applicazione aperta. Corollari (Rem. 4, II.6, Rem. 5 sul Brezis).</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 24.4.2009	Totale ore 2		
Argomento:			
<i>Teorema del grafico chiuso. La topologia meno fine che rende continue le funzioni di una famiglia arbitraria. Definizione di topologia debole $\sigma(E, E')$. La topologia debole è T_2. Proprietà delle successioni convergenti debolmente (Proposizione III.5 sul Brezis). Se E ha dimensione finita la topologia debole coincide con la topologia forte.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 29.4.2009	Totale ore 1		
Argomento:			
<i>Gli spazi ℓ_p. Esponente coniugato. Disuguaglianza di Young. Disuguaglianza di Hölder. Lo spazio duale di ℓ_p è $\ell_{p'}$ per $p \in [1, \infty)$.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 6.5.2009	Totale ore 1		
Argomento:			
<i>Esempi sugli spazi ℓ_p. Vale $e_k \rightarrow 0$ se $p \in (1, \infty)$. In ℓ_1 si ha $x_k \rightarrow x$ se e solo se $x_k \rightarrow x$. La sfera unitaria di uno spazio di Banach di dimensione infinita non è debolmente chiusa. Un insieme convesso è chiuso se e solo se è debolmente chiuso. Una funzione convessa e semicontinua inferiormente è anche debolmente semicontinua inferiormente.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 8.5.2009	Totale ore 2		
Argomento:			
<i>Un'applicazione lineare $T: E \rightarrow F$ è continua rispetto alle topologie forti se e solo se è continua tra le topologie deboli. La topologia "debole star", $\sigma(E', E)$. L'inclusione canonica nel biduale: $J: E \rightarrow E''$. La topologia debole star è di Hausdorff. Base di intorni per la topologia debole star. Proprietà della convergenza $f_n \xrightarrow{*} f$. Rappresentazione di applicazioni lineari e continue rispetto alla topologia debole star (Proposizione III.13 e Corollario III.14 sul Brezis).</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 13.5.2009	Totale ore 1		
Argomento:			
<i>Preparazione per il teorema di Tychonov. Se X è compatto e di Hausdorff, allora ogni compatto in X può essere separato da un punto esterno tramite aperti. Se X è compatto e di Hausdorff allora ogni punto ammette un sistema fondamentale di intorni chiusi. Passaggio dai ricoprimenti aperti alle famiglie chiuse con la proprietà dell'intersezione finita (PIF). Definizione equivalente di compattezza tramite PIF. Esistenza dell'estensione massimale di una famiglia con la proprietà PIF. Proprietà delle famiglie \mathcal{M} massimali di chiusi con la proprietà PIF: $A, B \in \mathcal{M} \Rightarrow A \cap B \in \mathcal{M}$, $A \cap X \neq \emptyset \forall X \in \mathcal{M} \Rightarrow A \in \mathcal{M}$.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 15.5.2009	Totale ore 2		
Argomento:			
<i>Topologia prodotto. Teorema di Tychonov. Teorema di Banach-Alaoglu.</i>			
<i>Spazi di Banach riflessivi. Lemma di Goldstine: $J(\bar{B}_E)$ è denso in E'' rispetto alla topologia debole-*. Uno spazio di Banach è riflessivo se e solo se la palla unitaria è $\sigma(E, E')$-compatta.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 20.5.2009	Totale ore 1		
Argomento:			
<i>Un sottospazio vettoriale chiuso di uno spazio di Banach riflessivo è riflessivo. Uno spazio di Banach è riflessivo se e solo se il suo duale lo è. Un convesso chiuso e limitato in uno spazio di Banach riflessivo è debolmente compatto. Ogni funzione convessa semicontinua inferiormente e coerciva su uno spazio di Banach riflessivo ammette minimo.</i>			
<i>Spazi separabili. Se il duale è separabile anche lo spazio è separabile.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione	<input type="checkbox"/> Esercitazione	<input type="checkbox"/> Laboratorio	<input type="checkbox"/> Seminario
Data 22.5.2009	Totale ore 2		
Argomento:			
<i>Uno spazio è riflessivo e separabile se e solo se il duale lo è. La topologia debole-* della palla unitaria del duale di uno spazio separabile è metrizzabile. Se la topologia debole-* della palla duale è metrizzabile lo spazio è separabile. Una successione limitata nel duale di uno spazio separabile ammette un'estratta convergente per la topologia debole-*. Una successione limitata in uno spazio di Banach riflessivo ammette un'estratta debolmente convergente.</i>			
<i>Spazi uniformemente convessi. Uno spazio di Banach uniformemente convesso è riflessivo. Se una successione converge debolmente in uno spazio uniformemente convesso e la norma della successione converge alla norma del limite allora la successione converge fortemente.</i>			
<i>Spazi di Hilbert. Uno spazio di Hilbert è uniformemente convesso.</i>			
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con			

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione <input type="checkbox"/> Esercitazione <input type="checkbox"/> Laboratorio <input type="checkbox"/> Seminario
Data 29.5.2009 Totale ore 2
Argomento: <i>Operatori non-limitati. Operatori non-limitati limitati. Operatori non-limitati chiusi. Operatori massimali monotoni (capitolo VII del Brezis). Proprietà degli operatori massimali monotoni (dominio denso, chiusura, esistenza e limitatezza dell'inverso di $I + \lambda A$). Risolvente e regolarizzata di Yosida. Proprietà di approssimazione dell'operatore tramite regolarizzato di Yosida. Teorema di esistenza e unicità di Cauchy, Lipschitz, Picard.</i>
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione <input type="checkbox"/> Esercitazione <input type="checkbox"/> Laboratorio <input type="checkbox"/> Seminario
Data 3.6.2009 Totale ore 1
Argomento: <i>Il teorema di Hille-Yosida, esistenza delle soluzioni.</i>
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con

Firma

<input checked="" type="checkbox"/> Lezione <input type="checkbox"/> Esercitazione <input type="checkbox"/> Laboratorio <input type="checkbox"/> Seminario
Data 5.6.2009 Totale ore 2
Argomento: <i>Il teorema di Hille-Yosida, regolarità delle soluzioni.</i>
<input type="checkbox"/> sostituito da <input type="checkbox"/> in collaborazione con

Firma

RIEPILOGO

Lezioni	n° ore	28
Esercitazioni	n° ore	0
Laboratori	n° ore	0
Seminari	n° ore	0
Totale ore		28

Visto: IL PRESIDE DELLA FACOLTÀ

FIRMA DEL DOCENTE

.....

.....