Analisi Matematica II e Complementi
Prova scritta n. 2
Ingegneria, a.a. 2009-2010
5 giugno 2010

(spazio riservato al docente)
voto
ammonito
espulso

cognome | nome | matricola

risposte:

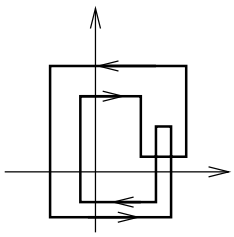
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

codice compito: DACA BBCD BDCA

1. Il limite
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^2+y^3}{x^2+y^2}$$
(A) vale 0, **(B)** vale $+\infty$, **(C)** vale 1, **(D)** non esiste.

2. La funzione $f(x,y)=(x+y)(x-y^2)$ nel punto $(0,0)$
(A) ha un massimo locale, **(B)** ha un minimo locale, **(C)** ha un punto sella, **(D)** non ha un punto critico.

3. Sia γ la curva chiusa rappresentata in figura. Calcolare $\int_\gamma \frac{-y\,dx+x\,dy}{x^2+y^2}$.



(A) 4π, **(B)** 0, **(C)** -2π, **(D)** π.

4. Sapendo che $f\colon \mathbb{C}\to\mathbb{C}$ è olomorfa e la sua parte reale è x^2-y^2, quale delle seguenti potrebbe essere la parte immaginaria di f?
(A) x^2+y^2, **(B)** 0, **(C)** $2xy$, **(D)** y.

5. Calcolare
$$\int_\gamma \frac{\cos z}{z}\,dz$$
dove $\gamma(t)=e^{it}$, $t\in[0,2\pi]$.
(A) 1, **(B)** π, **(C)** $2\pi i$, **(D)** 0.

6. La $\mathcal{L}$-trasformata di $e^{-t}+\sin t$ è
(A) $\frac{1}{s-1}+\frac{1}{s^2+1}$, **(B)** $\frac{1}{s-1}+\frac{s}{s^2+1}$, **(C)** $\frac{1}{s+1}+\frac{s}{s^2+1}$, **(D)** $\frac{1}{s+1}+\frac{1}{s^2+1}$.

7. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{k=1}^{\infty}\frac{z^k}{k}$ è
(A) 1, **(B)** $\sqrt{2}$, **(C)** $+\infty$, **(D)** 0.

8. Se $y(t)$ risolve
$$\begin{cases} y''+2y'+y=0 \\ y(0)=1, y'(0)=-2 \end{cases}$$
allora l'integrale $\int_0^{+\infty} y(t)\,dt$ vale
(A) 0, **(B)** π, **(C)** -1, **(D)** $+\infty$.

9. Calcolare $\int_\gamma \bar{z}\,dz$ con $\gamma(t)=e^{it}$, $t\in[0,2\pi]$.
(A) $\sqrt{2}$, **(B)** -1, **(C)** i, **(D)** $2\pi i$.

10. Sia $D\subset\mathbb{R}^2$ un dominio regolare e sia $f\colon D\to\mathbb{R}$ una funzione regolare, positiva. Il volume dell'insieme
$$E=\{(x,y,z)\in\mathbb{R}^3\colon (x,y)\in D,\ |z|\le f(x,y)\}$$
è dato da
(A) $\int_{\partial^+ D} f_y\,dx - f_x\,dy$, **(B)** $\frac{1}{2}\int\int_D f^2(x,y)\,dx\,dy$,
(C) $\int_{\partial^+ D} f_x\,dx+f_y\,dy$, **(D)** $2\int\int_D f(x,y)\,dx\,dy$.

11. Sia $D=\{(x,y)\in\mathbb{R}^2\colon x^2+y^2\le 2\}$ e sia $f\colon\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}$ una funzione differenziabile tale che
$$\sup_{(x,y)\in D} f(x,y)=f(1,1).$$
Allora tra le seguenti possibilità il vettore $\nabla f(1,1)$ potrebbe essere
(A) $(-1,-1)$, **(B)** $(1,-1)$, **(C)** $(1,1)$, **(D)** $(-1,1)$.

12. Sia $f\colon\mathbb{C}\to\mathbb{C}$ una funzione olomorfa tale che $|f(z)|\le \operatorname{arctg}|z|$ per ogni $z\in\mathbb{C}$. Allora possiamo affermare che
(A) $f'=1+f^2$, **(B)** $\operatorname{Res}(f,0)=2\pi i$, **(C)** $\int_{-\infty}^{+\infty} f(z)=\frac{\pi}{2}$,
(D) $f(z)=0$.

Analisi Matematica II e Complementi
Prova scritta n. 2
Ingegneria, a.a. 2009-2010
5 giugno 2010

(spazio riservato al docente)
voto
ammonito
espulso

cognome | nome | matricola

risposte:

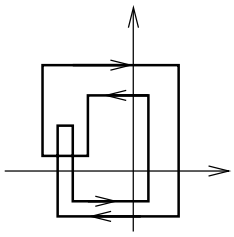
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

codice compito: DBDC ACDA ABBC

1. Il limite
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{xy^2}{x^2+y^4}$$
(A) vale $+\infty$, **(B)** non esiste, **(C)** vale 1, **(D)** vale 0.

2. La funzione $f(x,y) = x^2 + y^4$ nel punto $(0,0)$
(A) non ha un punto critico, **(B)** ha un massimo locale, **(C)** ha un punto sella, **(D)** ha un minimo locale.

3. Sia γ la curva chiusa rappresentata in figura. Calcolare $\int_\gamma \frac{-y\,dx + x\,dy}{x^2+y^2}$.



(A) 0, **(B)** π, **(C)** 4π, **(D)** -2π.

4. Sapendo che $f\colon \mathbb{C} \to \mathbb{C}$ è olomorfa e la sua parte reale è $x^2 - y^2$, quale delle seguenti potrebbe essere la parte immaginaria di f?
(A) 0, **(B)** $x^2 + y^2$, **(C)** y, **(D)** $2xy$.

5. Calcolare
$$\int_\gamma \frac{\sin z}{z}\,dz$$
dove $\gamma(t) = e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$.
(A) 1, **(B)** $2\pi i$, **(C)** π, **(D)** 0.

6. La $\mathcal{L}$-trasformata di $e^t + \cos t$ è
(A) $\frac{1}{s-1} + \frac{s}{s^2+1}$, **(B)** $\frac{1}{s+1} + \frac{1}{s^2+1}$, **(C)** $\frac{1}{s-1} + \frac{1}{s^2+1}$, **(D)** $\frac{1}{s+1} + \frac{s}{s^2+1}$.

7. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{k=1}^{\infty} kz^k$ è
(A) $\sqrt{2}$, **(B)** $+\infty$, **(C)** 1, **(D)** 0.

8. Se $y(t)$ risolve
$$\begin{cases} y'' + 3y' + 2y = 0 \\ y(0) = 1, y'(0) = -3 \end{cases}$$
allora l'integrale $\int_0^{+\infty} y(t)\,dt$ vale
(A) -1, **(B)** $+\infty$, **(C)** 0, **(D)** π.

9. Calcolare $\int_\gamma \bar{z}\,dz$ con $\gamma(t) = e^{it}$, $t \in [0, 2\pi]$.
(A) -1, **(B)** $2\pi i$, **(C)** i, **(D)** $\sqrt{2}$.

10. Sia $D \subset \mathbb{R}^2$ un dominio regolare e sia $f\colon D \to \mathbb{R}$ una funzione regolare, positiva. Il volume dell'insieme
$$E = \{(x,y,z) \in \mathbb{R}^3 \colon (x,y) \in D,\ |z| \le f(x,y)\}$$
è dato da
(A) $\int_{\partial^+ D} f_x\,dx + f_y\,dy$, **(B)** $\frac{1}{2}\iint_D f^2(x,y)\,dx\,dy$, **(C)** $\int_{\partial^+ D} f_y\,dx - f_x\,dy$, **(D)** $2\iint_D f(x,y)\,dx\,dy$.

11. Sia $D = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 \colon x^2 + y^2 \le 2\}$ e sia $f\colon \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ una funzione differenziabile tale che
$$\inf_{(x,y)\in D} f(x,y) = f(1,1).$$
Allora tra le seguenti possibilità il vettore $\nabla f(1,1)$ potrebbe essere
(A) $(-1,1)$, **(B)** $(1,-1)$, **(C)** $(1,1)$, **(D)** $(-1,-1)$.

12. Sia $f\colon \mathbb{C} \to \mathbb{C}$ una funzione olomorfa tale che $|f(z)| \le \operatorname{arctg}|z|$ per ogni $z \in \mathbb{C}$. Allora possiamo affermare che
(A) $f(z) = 0$, **(B)** $\int_{-\infty}^{+\infty} f(z) = \frac{\pi}{2}$, **(C)** $\operatorname{Res}(f,0) = 2\pi i$, **(D)** $f' = 1 + f^2$.

Analisi Matematica II e Complementi
Prova scritta n. 2
Ingegneria, a.a. 2009-2010
5 giugno 2010

(spazio riservato al docente)
voto
☐ ammonito
☐ espulso

cognome | nome | matricola

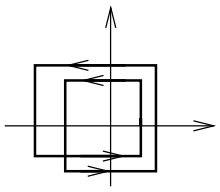
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
risposte:												

codice compito: ADBA DBDC CBAC

1. Il limite
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{xy^2}{x^2+y^2}$$
(A) non esiste, **(B)** vale 0, **(C)** vale $+\infty$, **(D)** vale 1.

2. La funzione $f(x,y) = (x+y)(x-y-1)$ nel punto $(0,0)$
(A) ha un massimo locale, **(B)** non ha un punto critico, **(C)** ha un punto sella, **(D)** ha un minimo locale.

3. Sia γ la curva chiusa rappresentata in figura. Calcolare $\int_\gamma \frac{-y\,dx + x\,dy}{x^2+y^2}$.



(A) -2π, **(B)** π, **(C)** 4π, **(D)** 0.

4. Sapendo che $f\colon \mathbb{C}\to\mathbb{C}$ è olomorfa e la sua parte reale è x^2-y^2, quale delle seguenti potrebbe essere la parte immaginaria di f?
(A) 0, **(B)** x^2+y^2, **(C)** y, **(D)** $2xy$.

5. Calcolare
$$\int_\gamma \frac{e^z}{z}\,dz$$
dove $\gamma(t) = e^{it}$, $t\in[0,2\pi]$.
(A) 1, **(B)** $2\pi i$, **(C)** 0, **(D)** π.

6. La $\mathcal{L}$-trasformata di $e^t + \sin t$ è
(A) $\frac{1}{s+1}+\frac{s}{s^2+1}$, **(B)** $\frac{1}{s-1}+\frac{s}{s^2+1}$, **(C)** $\frac{1}{s-1}+\frac{1}{s^2+1}$, **(D)** $\frac{1}{s+1}+\frac{1}{s^2+1}$.

7. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{z^k}{k}$ è
(A) 1, **(B)** $+\infty$, **(C)** 0, **(D)** $\sqrt{2}$.

8. Se $y(t)$ risolve
$$\begin{cases} y'' + 2y' + y = 0 \\ y(0) = 1, y'(0) = -2 \end{cases}$$
allora l'integrale $\int_0^{+\infty} y(t)\,dt$ vale
(A) π, **(B)** -1, **(C)** 0, **(D)** $+\infty$.

9. Calcolare $\int_\gamma \bar{z}\,dz$ con $\gamma(t) = e^{it}$, $t\in[0,2\pi]$.
(A) i, **(B)** $2\pi i$, **(C)** $\sqrt{2}$, **(D)** -1.

10. Sia $D\subset\mathbb{R}^2$ un dominio regolare e sia $f\colon D\to\mathbb{R}$ una funzione regolare, positiva. Il volume dell'insieme
$$E = \{(x,y,z)\in\mathbb{R}^3 \colon (x,y)\in D,\ |z|\le f(x,y)\}$$
è dato da
(A) $2\iint_D f(x,y)\,dx\,dy$, **(B)** $\int_{\partial^+ D} f_x\,dx + f_y\,dy$, **(C)** $\int_{\partial^+ D} f_y\,dx - f_x\,dy$, **(D)** $\frac{1}{2}\iint_D f^2(x,y)\,dx\,dy$.

11. Sia $D = \{(x,y)\in\mathbb{R}^2 \colon x^2+y^2\le 2\}$ e sia $f\colon\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}$ una funzione differenziabile tale che
$$\sup_{(x,y)\in D} f(x,y) = f(1,1).$$
Allora tra le seguenti possibilità il vettore $\nabla f(1,1)$ potrebbe essere
(A) $(-1,-1)$, **(B)** $(-1,1)$, **(C)** $(1,-1)$, **(D)** $(1,1)$.

12. Sia $f\colon\mathbb{C}\to\mathbb{C}$ una funzione olomorfa tale che $|f(z)|\le \operatorname{arctg}|z|$ per ogni $z\in\mathbb{C}$. Allora possiamo affermare che
(A) $\operatorname{Res}(f,0) = 2\pi i$, **(B)** $f' = 1+f^2$, **(C)** $f(z) = 0$, **(D)** $\int_{-\infty}^{+\infty} f(z) = \frac{\pi}{2}$.

Analisi Matematica II e Complementi
Prova scritta n. 2
Ingegneria, a.a. 2009-2010
5 giugno 2010

(spazio riservato al docente)
voto
☐ ammonito
☐ espulso

cognome | nome | matricola

risposte:

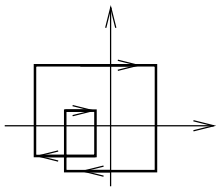
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

codice compito: CABA DDCD CBAB

1. Il limite
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^2+y^3}{x^2+y^2}$$
(A) vale 1, **(B)** non esiste, **(C)** vale 0, **(D)** vale $+\infty$.

2. La funzione $f(x,y)=(x+y)(x-y^2)$ nel punto $(0,0)$
(A) non ha un punto critico, **(B)** ha un punto sella, **(C)** ha un minimo locale, **(D)** ha un massimo locale.

3. Sia γ la curva chiusa rappresentata in figura. Calcolare $\int_\gamma \frac{-y\,dx+x\,dy}{x^2+y^2}$.



(A) 4π, **(B)** 0, **(C)** -2π, **(D)** π.

4. Sapendo che $f\colon \mathbb{C}\to\mathbb{C}$ è olomorfa e la sua parte reale è x^2-y^2, quale delle seguenti potrebbe essere la parte immaginaria di f?
(A) x^2+y^2, **(B)** y, **(C)** $2xy$, **(D)** 0.

5. Calcolare
$$\int_\gamma \frac{\cos z}{z}\,dz$$
dove $\gamma(t)=e^{it}$, $t\in[0,2\pi]$.
(A) π, **(B)** $2\pi i$, **(C)** 0, **(D)** 1.

6. La $\mathcal{L}$-trasformata di $e^{-t}+\cos t$ è
(A) $\frac{1}{s+1}+\frac{1}{s^2+1}$, **(B)** $\frac{1}{s-1}+\frac{s}{s^2+1}$, **(C)** $\frac{1}{s-1}+\frac{1}{s^2+1}$, **(D)** $\frac{1}{s+1}+\frac{s}{s^2+1}$.

7. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{k=1}^{\infty} kz^k$ è
(A) 1, **(B)** $+\infty$, **(C)** 0, **(D)** $\sqrt{2}$.

8. Se $y(t)$ risolve
$$\begin{cases} y''+3y'+2y=0 \\ y(0)=1, y'(0)=-3 \end{cases}$$
allora l'integrale $\int_0^{+\infty} y(t)\,dt$ vale
(A) $+\infty$, **(B)** 0, **(C)** -1, **(D)** π.

9. Calcolare $\int_\gamma \bar{z}\,dz$ con $\gamma(t)=e^{it}$, $t\in[0,2\pi]$.
(A) -1, **(B)** $2\pi i$, **(C)** i, **(D)** $\sqrt{2}$.

10. Sia $D\subset\mathbb{R}^2$ un dominio regolare e sia $f\colon D\to\mathbb{R}$ una funzione regolare, positiva. Il volume dell'insieme
$$E=\{(x,y,z)\in\mathbb{R}^3\colon (x,y)\in D,\ |z|\le f(x,y)\}$$
è dato da
(A) $\frac{1}{2}\iint_D f^2(x,y)\,dx\,dy$, **(B)** $\int_{\partial^+ D} f_y\,dx - f_x\,dy$,
(C) $2\iint_D f(x,y)\,dx\,dy$, **(D)** $\int_{\partial^+ D} f_x\,dx+f_y\,dy$.

11. Sia $D=\{(x,y)\in\mathbb{R}^2\colon x^2+y^2\le 2\}$ e sia $f\colon\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}$ una funzione differenziabile tale che
$$\inf_{(x,y)\in D} f(x,y)=f(1,1).$$
Allora tra le seguenti possibilità il vettore $\nabla f(1,1)$ potrebbe essere
(A) $(1,1)$, **(B)** $(-1,1)$, **(C)** $(-1,-1)$, **(D)** $(1,-1)$.

12. Sia $f\colon\mathbb{C}\to\mathbb{C}$ una funzione olomorfa tale che $|f(z)|\le \operatorname{arctg}|z|$ per ogni $z\in\mathbb{C}$. Allora possiamo affermare che
(A) $\operatorname{Res}(f,0)=2\pi i$, **(B)** $\int_{-\infty}^{+\infty} f(z)=\frac{\pi}{2}$, **(C)** $f'=1+f^2$,
(D) $f(z)=0$.